

- Faculté des sciences
- [www.unine.ch/sciences](http://www.unine.ch/sciences)

### Calcul différentiel et intégral à une variable (3MT1086)

Filières concernées	Nombre d'heures	Validation	Crédits ECTS
<b>Bachelor en biologie</b>	<b>Cours: 4 ph TP: 3 ph</b>	Voir ci-dessous	9
<b>Bachelor en mathématiques</b>	<b>Cours: 4 ph TP: 3 ph</b>	Voir ci-dessous	9
<b>Bachelor en sciences et sport (mathématiques)</b>	<b>Cours: 4 ph TP: 3 ph</b>	Voir ci-dessous	9
<b>Pilier principal B A - mathématiques</b>	<b>Cours: 4 ph TP: 3 ph</b>	Voir ci-dessous	9
<b>Pilier secondaire B A - mathématiques</b>	<b>Cours: 4 ph TP: 3 ph</b>	Voir ci-dessous	9

ph=période hebdomadaire, pg=période globale, j=jour, dj=demi-jour, h=heure, min=minute

#### Période d'enseignement:

- Semestre Automne

#### Equipe enseignante

Professeur : Bruno Colbois  
Assistants : Edouard Strickler, Pedram Safaee.

#### Objectifs

L'objectif de ce cours est de maîtriser les concepts de base de l'analyse à une variable réelle, d'être capable de comprendre et de restituer les preuves des théorèmes et de prouver soi-même des résultats simples.

#### Contenu

Contenu envisagé.

- 1 Introduction
  - 1.1 Introduction
  - 1.2 Logique élémentaire
  - 1.3 Les ensembles et sous-ensembles de nombres
  - 1.4 La preuve par induction
  - 1.5 Un peu plus sur R

- 2 Suites et séries
  - 2.1 Définition et exemples
  - 2.2 Quelques critères de convergence
  - 2.3 Suites monotones
  - 2.4 Suites de Cauchy
  - 2.5 Séries

- 3 Fonctions continues
  - 3.1 La notion de fonction
  - 3.2 Exemples de fonctions sur R
  - 3.3 Limites de fonctions de R dans R
  - 3.4 Fonctions continues
  - 3.5 Fonctions continues sur un intervalle  $[a, b]$
  - 3.6 Fonctions uniformément continues
  - 3.7 Fonctions réciproques

- 4 Fonctions dérivables

URLs	1) <a href="https://moodle.unine.ch/course/view.php?id=2168">https://moodle.unine.ch/course/view.php?id=2168</a>
------	--

- Faculté des sciences
- [www.unine.ch/sciences](http://www.unine.ch/sciences)

## Calcul différentiel et intégral à une variable (3MT1086)

- 4.1 Définition de la dérivée et propriétés élémentaires
- 4.2 Les espaces de fonctions dérivables

### 5 Fonctions spéciales

- 5.1 La fonction exponentielle
- 5.2 La fonction logarithme
- 5.3 Fonction exponentielle de base a
- 5.4 La fonction logarithme de base a
- 5.5 La fonction puissance
- 5.6 Les fonctions hyperboliques
- 5.7 Les fonctions hyperboliques réciproques

### 6 Théorèmes classiques de dérivation et applications

- 6.1 Quelques théorèmes classiques sur la dérivation
- 6.2 Méthode de Bernoulli-L'Hospital et applications
- 6.3 Convexité

### 7 Développements limités et séries de Taylor

- 7.1 Développements limités et séries de Taylor
- 7.2 Développements limités et applications

#### Forme de l'évaluation

Examen écrit de 2 heures portant sur le cours et les exercices.

Durant le semestre auront lieu deux test écrits (dans les conditions de l'examen) avec 100 points en jeu (50 points pour chaque test). 1% du nombre de points obtenus sera ajouté à la note de l'examen pour constituer la note finale. Exemple: test 1: 18 points; test 2: 37 points; note de l'examen: 3,9. Note finale  $3,9 + 0,18 + 0,37 = 4,45$ : note finale: 4,5.

La présence à ces deux tests n'est pas obligatoire.

#### Documentation

Le cours est mis en ligne après chaque séance sur le portail des cours moodle

Le cours est auto-suffisant. Cependant, le livre de J. Douchet et B. Zwahlen "Calcul différentiel et intégral" Presses polytechniques et universitaires romandes, peut constituer un document utile. Il lui est notamment associé un recueil d'exercices corrigés.

On trouve par ailleurs sur le web de nombreux cours et exercices avec corrections.

#### Pré-requis

Bonne maîtrise technique et conceptuelle des cours de mathématiques du lycée.

#### Forme de l'enseignement

Cours: Ex cathedra

Exercices: interactifs.