

- Faculté des sciences
- · www.unine.ch/sciences

# Algèbre (3MT1003)

| Filières concernées                           | Nombre d'heures         | Validation      | Crédits<br>ECTS |
|---|-------------------------|-----------------|-----------------|
| Bachelor en mathématiques                     | Cours: 4 ph<br>TP: 4 ph | Voir ci-dessous | 12              |
| Bachelor en sciences et sport (mathématiques) | Cours: 4 ph<br>TP: 4 ph | Voir ci-dessous | 12              |
| Pilier principal B A - mathématiques          | Cours: 4 ph<br>TP: 4 ph | Voir ci-dessous | 12              |

ph=période hebdomadaire, pg=période globale, j=jour, dj=demi-jour, h=heure, min=minute

#### Période d'enseignement:

• Semestre Printemps

### Equipe enseignante:

Professeur: Alain VALETTE Assistante: Sanaz POOYA

#### Contenu:

- 1. Théorie des groupes
- 1.1 Actions de groupes
- 1.2 Automorphismes intérieurs (classes de conjugaison, centre)
- 1.3 Sous-groupes normaux
- 1.4 Groupes-quotients
- 1.5 Suites de composition (Groupes simples, théorème de Jordan-Hölder, groupes résolubles)
- 1.6 Les théorèmes de Sylow
- 1.7 Le groupe du Rubik's cube
- 2. Théorie des anneaux
- 2.1 Historique et méthodes (Résolution des équations algébriques)
- 2.2 Anneaux (Anneaux intègres, corps de fractions, idéaux)
- 2.3 Polynômes (Définitions, division euclidienne, zéros de polynômes)
- 2.4 Divisibilité dans un anneau intègre (PGDC, éléments irréductibles et premiers)
- 2.5 Critères d'irréductibilité des polynômes (petit degré, lemme de Gauss, critère d'Eisenstein)
- 2.6 Théorème de Fermat-Euler
- 2.7 Anneaux-quotients (homomorphismes, idéaux maximaux)
- 3. Théorie des corps
- 3.1 Caractéristique d'un corps
- 3.2 Extensions de corps
- 3.3 Extensions simples
- 3.4 Théorème de Kronecker
- 3.5 Corps de déploiement
- 3.6 Degré d'une extension
- 3.7 Corps finis

## Forme de l'évaluation:

Examen écrit de 2 heures portant sur les exercices. Seul matériel autorisé: un aide-mémoire de 5 feuilles recto-verso.

## Pré-requis:

Algèbre linéaire 1, algèbre linéaire 2

## Forme de l'enseignement:

URLs 1) <u>Site Moodle du cours: https://moodle.unine.ch/course/view.php?id=1743</u>





- Faculté des scienceswww.unine.ch/sciences

# Algèbre (3MT1003)

Ex cathedra